

TP n°2

Rappels Java : tableaux et objets

Dans le premier TP, vous avez vu comment resoudre des equations bi-carrees. Le polynôme etait represente par un objet comportant trois variables d'instances pour conserver les trois coefficients. Malheureusement, tous les polynômes ne sont pas de degres 4, avec uniquement les puissances paires de x ! Nous allons explorer dans ce TP plusieurs facons de représenter des polynômes arbitraires.

On ne tentera pas ici de trouver les racines de ces polynômes de degres quelconques puisque Galois a montre qu'au dela du degre 5, on ne peut les trouver de facon generale. On se contentera donc d'evaluations en un point, d'addition, multiplication, etc.

Exercice 1 *Implémentation naïve*

Un polynôme sera represente par le tableau de ses coefficients. C'est a dire qu'un polynôme de degre n est un tableau `coeffs` de taille $n + 1$, ou pour tout indice i , `coeffs[i]` est le coefficient du monome x^i

1. Ecrire une classe publique `Polynome`, avec propriete privatee `coeffs` de type `double[]`. Ajouter un constructeur (attention, reportez vous au TD1 pour voir quoi faire du tableau passe en argument au constructeur!), ainsi que trois methodes
`String toString()` ;
`int getDegre()` ;
`double getCoeff(int i)`

Votre methode `getDegre` est elle toujours correctes?

Ne passez pas trop de temps a peaufiner la methode `toString`, elle est surtout la pour vous aider a debuguer.

2. Ecrire une methode `void multParConst(double c)` qui multiplie le polynôme par une constante
3. Ecrire une methode `void multParMonome(int i)` qui multiplie le polynôme par x^i
4. Ecrire une methode naive `double eval(double x)`

6. Faire pareil pour la soustraction et la multiplication. N'hésitez pas à écrire la multiplication de petits polynômes sur une feuille de papier pour bien comprendre ce qu'il se passe !

Exercice 2 *Retour sur l'évaluation en un point*

Lorsque l'on manipule des flottants en informatique, la multiplication est une opération assez coûteuse (elle prend nettement plus de temps qu'une addition par exemple). Il est donc bon de limiter au maximum le nombre de multiplication dans un programme. Dans le cas de la fonction `eval` de tout à l'heure, avec une implémentation naïve de la puissance i (avec $i-1$ multiplication), on arrive avec un polynôme de degré n et un coefficient non nul pour chaque indice à $n*(n+1)/2$ multiplications (exercice facultatif, retrouver ce résultat !). On va voir que l'on peut facilement descendre à n multiplication grâce à l'algorithme de Horner.

L'idée est de constater que le polynôme $a*x^3 + b*x^2 + c*x + d$ peut s'écrire $((a*x + b)*x + c)*x + d$. Développez le second polynôme pour vous en convaincre, et généralisez à un polynôme de degré quelconque. En déduire une méthode `double evalHorner(double x)` ;

Exercice 3 *Polynômes creux*

Il arrive très souvent que les polynômes que l'on manipule soient creux, c'est à dire que la grande majorité des coefficients sont nuls. Par exemple, $3 * x^{512} + 51 * x^{42} + 8 * x$ est un tel polynôme creux. Dans la représentation de la partie précédente, un tel polynôme demande un tableau de taille 513 pour seulement trois coefficients !

Une solution est de ne stocker que les coefficients non nuls. Pour cela, vous pouvez utiliser la classe suivante

```
public class IndiceCoeff{
    public int indice;
    public double coeff;

    public IndiceCoeff(int i; double c){
        indice = i;
        coeff = c;
    }
}
```

1. Écrivez une classe `PolynomeCreux` avec une propriété privée `indicesCoeffs` de type `IndiceCoeff`. On supposera que les paires passées en argument au constructeurs (dans un tableau) sont triées par ordre croissant d'indice, et on veillera à systématiquement maintenir cet invariant. (on peut éventuellement le vérifier, et lancer une exception s'il n'est pas valide).
2. Sur les polynômes creux, écrivez les méthodes `String toString()` ;
`int getDegre()` ;
`double getCoeff(int i)`
`void multParConst(double c)`
`void multParMonome(int i)`

Pour `getCoeff`, une recherche par dichotomie serait la bienvenue !

3. Ecrire une methode `void normalise()` qui supprime toutes les paires telles que le coefficient est nul. Apres un appel a `normalise`, le tableau `indicesCoe` sera de taille minimale
4. Pour la methode `addition`, on pourra commencer par allouer un tableau de taille `t1.length + t2.length`, le remplir, puis normaliser le polynôme.
5. Ecrire de même la multiplication de deux polynômes creux.
6. Adaptez l'algorithme de Horner pour les polynômes creux. On pourra utiliser un algorithme d'exponentiation rapide (Vous ne connaissez pas? <http://tinyurl.com/ybbwblz>) pour les coefficients d'indices "eloignes".