

# Chapitre 6

## Introduction à la cryptographie

### 6.1 Le problème

Cryptage, décryptage, clé.

### 6.2. Alice est à l'envoi, Bob est à la réception

Le nombre  $n = pq$  est un produit de (grands) nombres premiers. Alice choisit  $c$  premier avec  $\phi(n) = (p-1)(q-1)$ . Sa clé publique est  $(n, c)$ . Elle calcule sa clé secrète  $d$  en inversant  $c$  modulo  $\phi(n)$ .

Bob veut envoyer à Alice un message représenté par  $m \in \mathbb{Z}/n$  (ou une suite de tels  $m$ ). Il calcule et envoie  $m' = m^c \bmod n$ .

Alice calcule  $m'^d \bmod n$ .

### 6.3 Exercice

$p$  est un grand nombre premier ;  $g$  est un générateur de  $(\mathbb{Z}/p\mathbb{Z})^*$ . Alice choisit sa clé secrète,  $a$  et calcule :  $A = g^a \bmod p$ . Sa clé publique est  $(p, g, A)$ .

Bob choisit  $b$ , calcule  $B = g^b \bmod p$ . Il encode le message  $m \in \mathbb{Z}/p$  avec la formule  $m' = mA^b \bmod p$ . Il envoie à Alice  $(B, m')$ .

Alice calcule  $m'/B^a = m'B^{p-1-a} \bmod p$ .