

TP n 9

Récursion terminale

Exercice 1. On considère la fonction `listn` qui étant donné un entier positif `n` renvoie une liste contenant tous les entiers de `n` à `0`. Une façon de l'écrire est celle-ci :

```
let rec listn n = if n = 0 then [0] else n::(listn (n-1));;
```

Jusqu'à quelle valeur de `n` cela marche ? Écrire une version `listn1` utilisant la récursion terminale. Jusqu'à quelle valeur de `n` cela marche ?

Exercice 2. On considère la fonction qui calcule la longueur d'une liste.

```
let rec length l = match l with  
  [] ->  
  | _::t -> 1 + (length t);;
```

Utiliser la fonction `listn1` pour tester `length`. Jusqu'à quelle taille de liste cela fonctionne ? Écrire une fonction récursive terminale `length1` qui calcule la longueur d'une liste. Vérifier que cela améliore la situation.

Exercice 3.

1. Écrire une fonction récursive terminale `append'` qui prend en paramètre deux listes `left` et `right` et qui retourne la concaténation de l'inverse de la liste `left` et de la liste `right`. Par exemple, un appel à `append' [1;2;3] [4;5;6]` retournera `[3;2;1;4;5;6]`.
2. Écrivez une fonction `append` qui concatène les deux listes passées en paramètre en appelant `append'`.

Exercice 4. Pour compter le nombre de lignes d'un fichier on pourrait utiliser la fonction suivante :

```
let rec compter_lignes_c c n =  
  try  
    let l = input_line c in compter_lignes_c c (n+1)  
  with End_of_file -> n;;  
let compter_lignes f =  
  let c = open_in f in compter_lignes_c c 0;;
```

Appliquer cette fonction sur un fichier de grande taille. Que se passe-t-il ? Écrire une version récursive terminale de `compter_lignes` qui fonctionne sur ce fichier.

Exercice 5. On se donne le type

```
type 'a tree = Nil | Node of 'a * 'a tree * 'a tree;;
```

On rappelle qu'on appelle *taille* d'un arbre *A* le nombre de nœuds de *A*.

1. Écrire une fonction **taille1** (pas forcément récursive terminale) qui calcule la taille d'un arbre.

2. Écrivez une fonction récursive terminale

taille' : 'a tree list -> int -> int

qui prend en paramètre une liste d'arbres L et un entier n et retourne la somme

— des tailles des éléments de L et

— de l'entier n .

3. Écrivez une fonction **taille** qui calcule la taille de l'arbre passé en paramètre en appelant **taille'**.

Exercice 6. On reprend des exercices du TP 2. Ecrire les fonctions suivantes avec **réursion terminale**. Toutes les fonctions auxiliaires utilisées doivent aussi être récursives terminales.

1. Ecrire une fonction **insert** qui étant donnée une liste supposée triée pour l'ordre strictement croissant et un élément x , renvoie la liste obtenue en insérant x à la bonne place. Si.

2insdtsfonctfonction