

Programmation Objet : Concepts Avancés

Cours 7 : Programmation générique

Yann Régis-Gianas
`yrg@pps.jussieu.fr`

PPS - Université Denis Diderot – Paris 7

28 novembre 2008

Introduction au polymorphisme



Polymorphisme : définition

- ▶ « Poly- » : plusieurs, « morphisme » : formes.
- ▶ Un composant est polymorphe si on peut l'utiliser sous plusieurs formes ou si il utilise des composants de plusieurs formes.
- ▶ Cardelli et Wegner distinguent plusieurs formes de polymorphismes :
 - ▶ Universel
 - ▶ Paramétrique – le composant est paramétré par des types
 - ▶ Inclusion – le composant est compatible avec tous les sous-types d'un type
 - ▶ *Ad hoc*
 - ▶ Surcharge – plusieurs versions du composant en fonction du type d'entrée
 - ▶ Coercion – le composant peut se convertir dans un autre type
- ▶ Dans le cas du polymorphisme *ad hoc*, le composant travaille (ou semble travailler) sur des types différents avec un comportement éventuellement non uniforme.
- ▶ Dans le cas du polymorphisme *universel*, le composant travaille de manière uniforme sur les données quelque soit leur type.
- ▶ (nous rappellerons cette définition tout au long de ce cours)

Programmation générique

- ▶ La programmation générique consiste à développer des composants paramétrés par des types.
- ▶ L'objectif principal est la réutilisabilité du développement.
- ▶ Le polymorphisme est le mécanisme central pour atteindre cet objectif.

Polymorphisme d'inclusion

Sous-typage



- ▶ On dit qu'un type T est un sous-type d'un type U si toute valeur de type T est utilisable dans un contexte attendant une valeur de type U .
- ▶ On notera cette relation :

$$T \prec: U$$

Covariance

Propriété

Si $A \prec: A'$ et $B \prec: B'$ alors $A \times B \prec: A' \times B'$.

- ▶ Le type des paires formées de deux types A et B qui sont des sous-types de A' et B' est un sous-type des paires formées des deux types A' et B' .
- ▶ On dit que l'opérateur de type de formation des paires est **covariant**.

Le type des fonctions

- Soient A, B, A', B' tels que $A \prec A'$ et $B \prec B'$.



Est-ce que $A \rightarrow B \prec A' \rightarrow B'$?

Contravariance

Propriété

Si $A \preceq A'$ et $B \preceq B'$ alors $A' \rightarrow B \preceq A \rightarrow B'$.

- ▶ On dit que l'opérateur de type des fonctions est **contravariant** sur son domaine.
- ▶ Il est **covariant** sur son codomaine.

Le type des références

- ▶ Soient A et B tels que $A \prec B$.
- ▶ Le type des références sur A est muni de deux opérations :
 - ▶ $\text{write} : \text{ref } A \rightarrow A \rightarrow \text{unit}$
 - ▶ $\text{read} : \text{ref } A \rightarrow A$



L'opérateur de type des références est-il covariant ou contravariant ?

Invariance

- ▶ Le type *A* devant être utilisé en position covariante et en position contravariante, l'opérateur de type `ref` est **invariant**.

Héritage et sous-typage

- ▶ On confond souvent héritage et sous-typage.
- ▶ Quand une classe C hérite d'une classe C' alors on a $C \prec: C'$.
- ▶ Par contre, l'implication inverse n'est pas nécessaire pour assurer la sûreté du typage.
- ▶ Le sous-typage structurel illustre cette remarque.

Contravariance des arguments des méthodes

- ▶ En première approximation, on peut dire qu'un objet est un n -uplet de fonctions (ses méthodes).
- ▶ Lorsqu'une classe C hérite d'une classe C' , elle doit être un sous-type de C' donc, en particulier, chaque méthode de C doit avoir pour type un sous-type de la méthode correspondante de C' .
- ▶ Par exemple, si on a :

```
class A : {  
    msg :  $T \rightarrow U$   
}
```

```
class B extends A : {  
    msg :  $T' \rightarrow U'$   
}
```

alors $T' \prec: T$ et $U \prec: U'$

- ▶ Les arguments des méthodes doivent donc évoluer de façon **contravariante** à travers l'héritage.

Problème du type de *self*

- ▶ La signature de la méthode clone définie dans la classe Object est :

```
public Object clone () ;
```

- ▶ En Java, le type de `this` est celui de la classe en cours de définition.
- ▶ Il n'est donc pas possible d'éviter au programmeur un changement explicite de type.
- ▶ Par exemple,

```
A my_a = new A ;  
A copy_of_a = (A) my_a.clone () ;
```


Donner un type plus général à this

- ▶ Pour typer correctement la méthode clone, il faut que **this** ait le type de **la future (sous-)classe avec laquelle il sera instancié**.
- ▶ Les langages O'Caml et Scala offrent ce mécanisme.
[DEMONSTRATION]

En O'Caml

```
class my_class =  
  object (self)  
    method clone = self  
  end
```

```
class my_class_bis =  
  object  
    inherit my_class  
  end
```

(Réponse du toplevel. *)*

```
class my_class : object ( $\alpha$ ) method clone :  $\alpha$  end  
class my_class_bis : object ( $\alpha$ ) method clone :  $\alpha$  end
```

En Scala

```
class MyClass {  
  def clone_me () : this.type = this  
}
```

```
class MyClassBis extends MyClass {}
```

```
object test {  
  def main (args : Array[String]) = {  
    var a = new MyClassBis;  
    var b : MyClassBis = a.clone_me ();  
  }  
}
```

- Le type de b est « b.type » qui vaut « MyClassBis ».

Problème des méthodes binaires



Qu'arrive-t-il si on veut utiliser `this.type` comme type de l'argument d'une méthode ?

Polymorphisme paramétrique

Factorisons !

```
class IntStack {  
  case class EmptyStack extends Throwable;  
  
  var elements : List[Int] = List ()  
  
  def push (x: Int) =  
    this.elements = (x :: this.elements)  
  
  def pop () =  
    elements match {  
      case Nil => throw (new EmptyStack ());  
      case x :: xs => this.elements = xs; x  
    }  
}
```

```
class StringStack {  
  case class EmptyStack extends Throwable;  
  
  var elements : List[String] = List ()  
  
  def push (x: String) =  
    this.elements = (x :: this.elements)  
  
  def pop () =  
    elements match {  
      case Nil => throw (new EmptyStack ());  
      case x :: xs => this.elements = xs; x  
    }  
}
```

Abstraire par rapport à un type

```
class Stack[T] {  
  case class EmptyStack extends Throwable;  
  var elements : List[T] = List ()  
  def push (x: T) = this.elements = (x :: this.elements)  
  def pop () =  
    elements match {  
      case Nil => throw (new EmptyStackException ());  
      case x :: xs => this.elements = xs; x  
    }  
}
```

- ▶ Le type T est un paramètre.
- ▶ Stack est une classe paramétrée.
- ▶ Elle représente une famille *a priori* infinie de classes.

Instancier un paramètre de type

```
val int_s = new Stack[Int];  
val string_s = new Stack[String];  
  
int_s.push (0);  
int_s.push (42);  
println (int_s.pop ());  
try {  
    string_s.pop ();  
} catch {  
    case string_s.EmptyStack () =>  
        println ("Do not pop from an empty stack, Luke.");  
}
```

- ▶ On peut **instancier explicitement** le paramètre T.
- ▶ Remarquez la finesse du typage de Scala, string_s.EmptyStack est différent de int_s.EmptyStack !

Instanciation implicite grâce à l'inférence des types

- ▶ L'inférence de type de Scala permet de se passer de nombreuses instanciations.
- ▶ Soit une méthode paramétrée par un type T :

```
def push_twice[T] (s : Stack[T], x : T) = {  
    s.push (x) ;  
    s.push (x) ;  
}
```

- ▶ Dans la plupart des cas, le type des arguments suffit à choisir la bonne instanciation de T .

```
/* T = Int est déduit automatiquement du type des arguments. */  
push_twice (int_s, 42) ;
```

Liens entre sous-typage et abstraction de type

- Remarquons sans plus tarder que $A \prec B$ **n'implique pas** $C[A] \prec C[B]$.



Pourquoi ?

Et pourtant en Java...

```
public class A {}  
public class B extends A {}  
public class C extends A {}  
public void do_it () {  
    B[] tb = new B[42];  
    A[] ta = v;  
    ta [0] = new C ();  
}
```



Que fait ce programme Java ?

Laxisme coûteux de Java

- ▶ Les tableaux de Java sont co-variants par rapport à leur paramètre de type !
 - ▶ Le programme précédent est donc accepté par le typeur de Java.
 - ▶ Pourtant, il stocke une instance de la classe C là où on attend une instance de la classe B alors que C n'est pas un sous-type de C !
 - ▶ Pour résoudre ce problème de **sûreté**, Java introduit un **test dynamique** dans la méthode de mis-à-jour d'une cellule d'un tableau : le type de la valeur à insérer dans le tableau doit être un sous-type du type qui a servi à construire le tableau **initialement**.
- ⇒ Un gros problème de sûreté et de performance sur une opération standard !
- ⇒ Mieux vaut utiliser la classe paramétrée Array fournie par les versions récentes de Java.

Chez les autres ...

- ▶ En O'Caml, C++ et Scala les paramètres de type sont **invariants** (par défaut).
- ▶ Eiffel suit la même philosophie que Java et permet la covariance des paramètres de type.

Et si on était sage ?

```
class HeadGetter[a] (list: List[a]) {  
  class NoMoreElements extends Throwable;  
  
  def head () : a =  
    list match {  
      case Nil => throw (new NoMoreElements ())  
      case x :: xs => x  
    }  
}  
  
class A {}  
class B extends A {}  
  
object test {  
  def main (args: Array[String]) = {  
    val s: HeadGetter[A] = new HeadGetter[B] (List (new B ()));  
  }  
}
```



Y-a-t'il un problème de sûreté dans ce programme ?

Et si on était sage ?

class

Annotation de variances

- ▶ En O'Caml et en Scala, on peut **annoter** les paramètres de type en « promettant » d'utiliser un type en position contravariante ou covariante.

Cas d'utilisation contravariante sûre

```
abstract class Stack[a] {  
  def push(x: a): Stack[a] = new NonEmptyStack[a](x, this)  
  def isEmpty: boolean  
  def top: a  
  def pop: Stack[a]  
}  
class EmptyStack[a] extends Stack[a] {  
  def isEmpty = true  
  def top = throw new Error("EmptyStack.top")  
  def pop = throw new Error("EmptyStack.pop")  
}  
class NonEmptyStack[a](elem: a, rest: Stack[a]) extends Stack[a] {  
  def isEmpty = false  
  def top = elem  
  def pop = rest  
}
```

(source : *Programming in Scala* – Martin Odersky)

- ▶ Ici, le type `a` est utilisé en position contravariante et covariante.
- ▶ Il est donc impossible de mettre une annotation de covariance sur le type `a`.
- ▶ (la solution viendra un peu plus loin dans le cours.)

Type abstrait

- ▶ Nous avons vu qu'il est possible de définir un type à l'intérieur d'une classe.
- ▶ En Scala et en C++, la définition de ce type peut être inconnue.
- ▶ Un tel type est dit **abstrait**.
- ▶ En OCaml, les types abstraits sont définis par le biais de modules.

Implémentation d'un type abstrait en C++

```
template <class T>  
struct element_traits;
```

```
template <class SelfType>  
class Buffer {  
    typedef typename element_traits<SelfType>::T element_t;  
    virtual element_t pop () = 0;  
};
```

- ▶ L'utilisation du terme « traits » est propre au vocabulaire de C++ mais ne correspond pas aux traits vu dans le cours sur Scala.
- ▶ Nous utiliserons plutôt le terme de « type associé » par la suite.

Implémentation d'un type abstrait en Scala

```
abstract class Buffer {  
  type T  
  val element: T  
}
```

- Il suffit de ne pas donner la définition du type T pour le rendre abstrait.

Implémentation d'un type abstrait en O'Caml

```
module type Bu_erSig = sig
  type t
  class virtual bu_er : object
    method virtual element : t
  end
end
```

```
module MakeBu_er (S : sig type t end) =
struct
  type t = S.t
  class virtual bu_er = object
    method virtual element : t
  end
end
```

```
module Bu_er : Bu_erSig = MakeBu_er (struct type t end)
```

Type partiellement abstrait

- ▶ En O'Caml et en Scala, on peut donner une **information partielle** sur un type.
- ▶ Un type partiellement abstrait permet de ne dévoiler au client que la partie du type nécessaire à son utilisation.
- ▶ Il s'agit encore de favoriser l'**encapsulation**.

Implémentation d'un type partiellement abstrait en Scala

```
abstract class SeqBuffer extends Buffer {  
  type U  
  type T <: Seq[U]  
  def length = element.length  
}
```

- ▶ Cette définition signifie qu'il existe un type U abstrait et que le type des éléments du tampon se comportent comme une séquence (on peut par exemple la parcourir).
- ▶ On en dit pas plus !

Implémentation d'un type partiellement abstrait en O'Caml

```
module type SeqBu_erType = sig
  type u
  type t = u seq
  class virtual seq_bu_er : object
    method virtual element : t
    method length : int
  end
end
```

```
module SeqBu_er : SeqBu_erType
struct
  type u
  include MakeBu_er(struct
    type t = u seq
  end)
  class virtual seq_bu_er =
    object (self)
      inherit bu_er
      method length =
        self#element#length
    end
end
```

Spécification totale au moment de l'instanciation

- En Scala, on peut retarder la définition complète d'un type abstrait jusqu'au moment de l'instanciation de la classe.

```
abstract class SeqBuffer extends Buffer {  
  type U  
  type T <: Seq[U]  
  def length = element.length  
}
```

```
object test {  
  def main (args : Array[String]) = {  
    val buf =  
      new SeqBuffer  
      {  
        type U = Int;  
        type T = List[U];  
        val element = List(37, 42);  
      };  
  }  
}
```

Abstraction de type et type abstrait

```
abstract class Buffer[+T] {  
  val element: T  
}  
abstract class SeqBuffer[U, +T <: Seq[U]] extends Buffer[T] {  
  def length = element.length  
}  
object AbstractTypeTest2 extends Application {  
  def newIntSeqBuf(e1: Int, e2: Int): SeqBuffer[Int, Seq[Int]] =  
    new SeqBuffer[Int, List[Int]] {  
      val element = List(e1, e2)  
    }  
  val buf = newIntSeqBuf(7, 8)  
  println("length = " + buf.length)  
  println("content = " + buf.element)  
}
```

(source : <http://www.scala-lang.org/node/105>)

- ▶ On peut très souvent (mais pas toujours) transformer une classe paramétrée en une classe équivalente munie de types abstraits.
- ▶ Nous allons voir la notation $T <: Seq[U]$ un peu plus loin dans ce cours.

Différentes implémentations du polymorphisme paramétrique



- ▶ Si les différents implémentations des classes paramétrées semblent similaires dans les langages objets modernes (C#, Java, Scala, C++, O'Caml, ...), cette **ressemblance est superficielle** si on y regarde d'un peu plus près.

Instanciation = Duplication en C++

- ▶ L'implémentation des classes templates de C++ s'apparente à un **copier-coller** du code.
 - ▶ L'instanciation duplique le code de la classe template et remplace les paramètres par leurs valeurs.
 - ▶ **Aucune vérification n'est faite sur la classe template !**
 - ▶ La vérification est faite **une fois la classe instanciée**.
- ⇒ Ceci pose d'énorme problème pour fournir des garanties à l'utilisateur d'une bibliothèque générique.
- ⇒ Le développeur d'une telle bibliothèque doit instancier manuellement les classes et les méthodes pour vérifier leur bon fonctionnement.
- ▶ La duplication du code permet certaines **optimisations** (mise en ligne du code de méthodes du paramètre une fois qu'il est connu) mais la taille des exécutables peut devenir problématique.
 - ▶ Enfin, le temps de compilation est augmenté puisqu'il faut ré-analyser la classe template à chaque instanciation !

Instanciation = Effacement des types en Java

- Pour éviter les duplications de code, Java réutilise toujours le même code pour toutes les instanciations d'une classe paramétrée.
- Pour ce faire, le compilateur **efface** les paramètres de type et remplace leurs occurrences par le type Object.
- Java autorise le programmeur à faire référence à cette classe de la façon suivante (pour des raisons de compatibilité arrière) :

```
public static class A<T> {  
    public boolean compare (T lhs, T rhs) {  
        return (lhs.equals (rhs));  
    }  
}  
  
public static void main (String[] args) {  
    A cmp = new A ();  
    cmp.compare (42, "foobar");  
}
```

- Un avertissement est produit car bien souvent le programmeur a fait une erreur en ne précisant pas le type sur lequel il voulait travailler :

```
GenericsErasure.java: 11: warning: [unchecked] unchecked call to compare(T,T)  
as a member of the raw type GenericsErasure.A  
    cmp.compare (42, "foobar");
```

Instanciation = Effacement ou duplication en C#

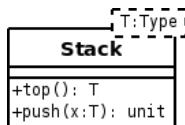
- ▶ En C#, le compilateur JIT (Just In Time) produit un code spécialisé lorsqu'une classe paramétrée est instanciée avec un type de valeur (`int`, `bool`, ...).
- ▶ Dans le cas des objets référencés, il se comporte comme Java (utilisation de la classe `object`).

En Scala et en OCaml, à peu près comme Java

- ▶ Scala effectue un effacement des types et réutilise le même code pour toute classe générique. Par contre, il n'autorise pas l'utilisation de cette classe.
- ▶ OCaml utilise aussi le même code pour toutes les instanciations de la classe paramétrée : il s'agit de code polymorphe standard dans ce langage (qui s'appuie sur l'homogénéité de la représentation des données dans ce langage).

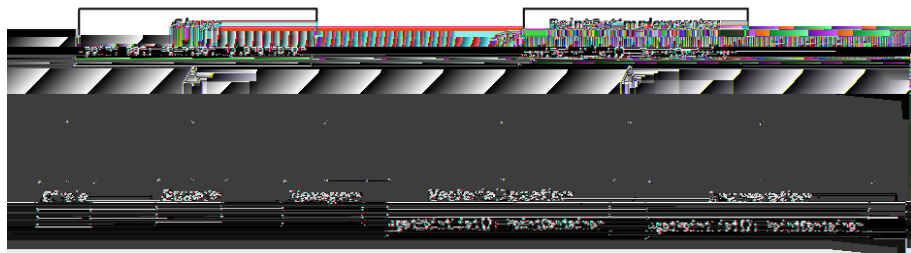
Des patrons de conception génériques

- UML fournit une notation pour les classes paramétrées.



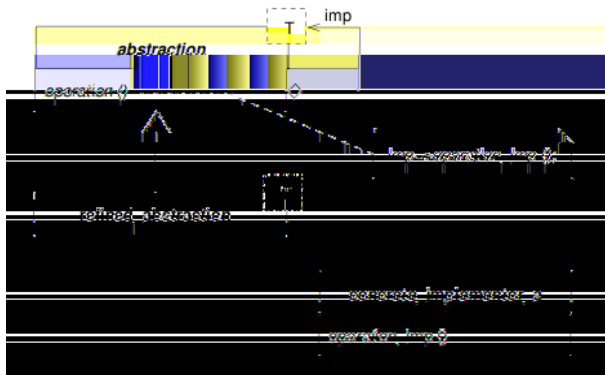
- Les patrons de conception que nous avons vus en cours ont été généralisés dans le cadre de la programmation générique.

Patron de conception « Pont » (souvenez-vous)



- Objectifs : découpler l'implémentation sous-jacent d'un objet abstrait de la hiérarchie « canonique » de l'objet.

Pont générique



- Conséquence : les implémentations ne sont pas nécessairement des classes filles d'une classe abstraite « implementor ».

Solution pour implémenter le « sujet-observateur » générique

```
abstract class SubjectObserver {  
  type S <: Subject  
  type O <: Observer  
  
  abstract class Subject { self: S =>  
    private var observers : List[O] = List ()  
    def subscribe (obs : O) =  
      observers = obs :: observers  
    def publish =  
      for (val obs ← observers) obs.notify (this)  
  }  
  
  trait Observer {  
    def notify (sub: S) : unit  
  }  
}
```

- La classe SubjectObserver force la synchronisation des types des observateurs et des sujets.

Polymorphisme paramétrique borné

Comparons C++ et Scala

```
template <class T>
struct num {
    num (T _x) : x (_x) {}
    T x;
    bool is_zero () { return (this->x.is_zero ()) ; }
    T max (T y) { return ((this->x < y) ? y : this->x) ; }
};
```

Valide en C++

```
class num[T] (x: T) {
    def is_zero () = x.is_zero ()
    def max (y : T) = if (x > y) x else y
}
```

Refusé en Scala :

```
max.scala:2: error: value is_zero is not a member of T
    def is_zero () = x.is_zero ()
```

```
max.scala:3: error: value > is not a member of T
    def max (y : T) = if (x > y) x else y
```

-
- ▶ C++ ne rejettera la classe qu'au moment où on l'instanciera avec une classe ne fournissant pas l'opérateur "<" ou la méthode "is_zero".
 - ▶ Les hypothèses sur le type T ne sont pas explicitées en C++.

Polymorphisme borné

- ▶ En Scala, OCaml, Java et C#, il est possible d'imposer des **contraintes** sur le paramètre de type.
- ▶ On peut par exemple exprimer que le paramètre doit être un sous-type d'une certaine classe ou implémenter une interface.

```
trait ZeroTestable {  
  def is_zero () : Boolean  
}
```

```
class num[T <: ZeroTestable] (x: T) {  
  def is_zero () = x.is_zero ()  
  def max (y : T) = if (x > y) x else y  
}
```

- ▶ Il ne reste alors plus qu'une erreur ...

Polymorphisme borné

- Peut-on utiliser le même procédé pour parler de l'opérateur ">" ?

```
trait ZeroTestable {  
  def is_zero () : Boolean  
}  
  
trait MyOrd {  
  def > (other : ???) : Boolean  
}  
  
class num[T <: ZeroTestable with MyOrd] (x: T) {  
  def is_zero () = x.is_zero ()  
  def max (y : T) = if (x > y) x else y  
}
```



Quel type donner à l'argument "other" ?

Implémentation d'un protocole objet

- L'utilisation conjointe des **traits** et des paramètres de type permet d'exprimer des **hypothèses récursives** sur les paramètres de type !

```
trait MyOrd[t <: MyOrd[t]] {  
  def > (other : t) : Boolean  
}
```

```
class num[T <: ZeroTestable with MyOrd[T]] (x: T) {  
  def is_zero () = x.is_zero ()  
  def max (y : T) = if (x > y) x else y  
}
```

```
class a (val x : Int) extends ZeroTestable with MyOrd[a] {  
  def > (other : a) = other.x == x  
  def is_zero () = x == 0  
}
```

```
object test {  
  def main (args: Array[String]) {  
    val x = new num[a] (new a (0));  
    val z = x.max (new a (42));  
  }  
}
```

Polymorphisme paramétrique encadré

Retour sur le problème de la contravariance

```
abstract class Stack[a] {  
  def push(x: a): Stack[a] = new NonEmptyStack[a](x, this)  
  def isEmpty: boolean  
  def top: a  
  def pop: Stack[a]  
}  
class EmptyStack[a] extends Stack[a] {  
  // ...  
}  
class NonEmptyStack[a](elem: a, rest: Stack[a]) extends Stack[a] {  
  // ...  
}  
class A {}  
class B extends A {}  
object test {  
  def main (args: Array[String]) {  
    val l = new NonEmptyStack[B] (new B (), new EmptyStack[B])  
    l.push (new A ()) ;  
  }  
}
```



Comment se programme pourrait être bien typé ?

Affaiblissement du type de Stack

- ▶ En Scala, on peut donner une borne inférieure à un paramètre de type :

```
def push[b >: a](x: b): Stack[b] = new NonEmptyStack[b](x, this)
```

- ▶ Cela signifie qu'on a le droit de stocker des éléments de type `a` dans une pile de type `Stack[b]` à condition de produire une pile de type `Stack[a]`, c'est-à-dire en **affaiblissant le type** de la pile.

Polymorphisme intentionnel

Polymorphisme « adaptatif »

- ▶ Avec le polymorphisme paramétrique, un composant générique se comporte **uniformément** sur un ensemble de types (soit correspondant à l'ensemble de tous les types ou à un sous-ensemble borné de ces types).
- ▶ Avec le polymorphisme *ad hoc* ou le polymorphisme intentionnel, un composant générique s'applique aussi à un ensemble de types (plus ou moins restreint) mais peut **avoir un comportement dépendant du type sur lequel on l'instancie**.
- ▶ Il s'agit donc de donner au programmeur un moyen d'**inspecter un paramètre de type** et de donner plusieurs définitions en fonction de son observation.

Premier exemple : le polymorphisme *ad hoc* de C++

```
void my_function (int x) { /* ... */ }
```

```
void my_function (bool b) { /* ... */ }
```

```
void client () {  
    my_function (42);  
    my_function (true);  
}
```

- ▶ Du point de vue du client, on a l'impression qu'il existe une unique fonction.
- ▶ Par observation du type de l'argument, le compilateur choisit un code spécifique.
- ▶ Une expressivité limitée : on peut seulement discriminer sur des hiérarchies de classe ou des types de base.

Second exemple : les fonctions templates en C++

```
template <class T>
void my_function (T x) { std::cout << "General type" << std::endl; }

template <class T>
void my_function (T* x) { std::cout << "Pointer type" << std::endl; }

template <class T>
void my_function (const std::list<T>& x) { std::cout << "List type" << std::endl; }

template <>
void my_function (double x) { std::cout << "Convertible to double type" << std::endl; }

int main (int argc, char** argv) {
    my_function ("On peut rire de tout, mais pas avec n'importe qui.");
    my_function (true);
    my_function (std::list<int>());
    my_function (42.);
    my_function (0);
}
```



Qu'affiche ce programme ?

Des règles de résolution pas toujours évidentes

- ▶ Il est nécessaire d'inspecter la norme du C++ pour savoir exactement quelle fonction est appelée . . .
- ▶ Cette complexité est la conséquence de l'absence d'un type **unique** pour toute expression du langage doublé de la présence de conversion **implicite**.

Types associés

- ▶ Cette spécialisation des composants par rapport à des types est souvent utilisée pour coder une **relation** entre deux types.
- ▶ Exemples :
 - ▶ Le type d'un itérateur sur une valeur de type `std::vector<int>` est `int*`.
 - ▶ Le type d'un itérateur sur une liste de type `List<int>` est `ListNode<int>`.
 - ▶ L'implémentation d'un ensemble d'entiers de type `std::set<int>` est `std::vector<bool>`.
 - ▶ Le type des événements d'un gestionnaire de fenêtres est `WindowEvents`
 - ▶ ...
- ▶ Implémenter une relation entre deux types permet d'écrire des algorithmes génériques :

```
for (typename std::list<int>::iterator x = l.begin () ; x != l.end () ; ++x) {  
    ...  
}
```

Fonctions des types dans les types

- ▶ Ce procédé de spécialisation peut être utilisé pour écrire des **fonctions évaluées au moment de la compilation**.
- ▶ En effet, les types peuvent être vus comme des données manipulées par le compilateur.
- ▶ Observer des types et instancier des types permet de coder de véritables fonctions.
- ▶ Le système de *templates* de C++ est turing-complet !
- ▶ Certaines bibliothèques utilisent ce procédé pour effectuer certains pré-calculs (pour optimisations) à l'aide du compilateur.
- ▶ Il s'agit de **méta-programmation**.

Exemple de méta-programmation en C++

```
template <unsigned n>
struct factorial {
    enum { result = n * factorial<n-1>::result };
};
```

```
template <>
struct factorial<0> {
    enum { result = 1 };
};
```

```
int main (int argc, char** argv) {
    int t [factorial<5>::result];
}
```

Méta-programmation en C++

- ▶ Le langage C++ n'a pas été conçu pour une telle utilisation des templates.
- ⇒ Ces mécanismes sont très longs à compiler (car ilsinstancient énormément de types) et sont très difficiles à maintenir (les messages d'erreur sont horribles).
- ▶ Par contre, certains langages commencent à intégrer cette programmation multi-niveau dans leur conception (cf. MetaOCaml par exemple).

Fonctions des types vers les valeurs

- ▶ On décompose le mécanisme du polymorphisme *ad hoc* en deux étapes :
 1. Observer un type ;
 2. Choisir une expression à évaluer en fonction de ce type.
- ▶ Le polymorphisme *ad hoc* de C++ choisit une fonction à évaluer.
- ▶ En Haskell et en Scala, il est possible de choisir une valeur à utiliser en tant qu'argument d'une fonction en fonction du type des autres arguments.
- ▶ Un tel argument est dit implicite.
- ▶ En Scala, seuls des objets spéciaux notés implicites peuvent être ainsi automatiquement inférés.

Example

```
abstract class SemiGroup[A] {  
  def add(x: A, y: A): A  
}  
abstract class Monoid[A] extends SemiGroup[A] {  
  def unit: A  
}  
  
object ImplicitTest extends Application {  
  
  implicit object StringMonoid extends Monoid[String] {  
    def add(x: String, y: String): String = x concat y  
    def unit: String = ""  
  }  
  
  implicit object IntMonoid extends Monoid[Int] {  
    def add(x: Int, y: Int): Int = x + y  
    def unit: Int = 0  
  }  
  
  def sum[A](xs: List[A])(implicit m: Monoid[A]): A =  
    if (xs.isEmpty) m.unit  
    else m.add(xs.head, sum(xs.tail))  
  
  println(sum(List(1, 2, 3)))  
  println(sum(List("a", "b", "c")))  
}
```

(source : <http://www.scala-lang.org/node/114>)